

Задача. На испытании в течении t часов находилось N_0 образцов техники. Данные об их отказах представлены в таблице. Необходимо вычислить

- $P(t)$ вероятность безотказной работы в течении времени t для каждого интервала;
- $f(t)$ плотность распределения времени безотказной работы (частоту отказов) в каждом интервале;
- $\lambda(t)$ интенсивность отказов техники в каждом интервале;
- T_l среднее время безотказной работы.

Примечание:

1. Для величин $f(t)$ и $\lambda(t)$ множитель 10^{-4} вынесен в начало таблицы, поэтому результат вычисления записывать с учетом этого обстоятельства.

2. Округление результатов вычислений производить до 4 знаков после запятой.

3. Величину T_l округлять до целых единиц.

Фамилия и инициалы					
Группа					
Вариант	1				
Количество образцов находившихся на испытании $N_0 = 1500$					
Интервал, час	0-150	150-300	300-450	450-600	600-750
Длина, Δt					
Число, отказавших образцов $n(t, t + \Delta t)$	5	8	12	11	16
$P(t)$					
$f(t) \times 10^{-4}$, час ⁻¹					
$\lambda(t) \times 10^{-4}$, час ⁻¹					
T_l , час					

$$P(t) = \frac{N_0 - n(t, t + \Delta t)}{N_0}$$

$$P(75) = \frac{1500 - 5}{1500} = \frac{1495}{1500} = 0.9967$$

$$P(225) = \frac{1500 - (5 + 8)}{1500} = \frac{1487}{1500} = 0.9913$$

$$P(375) = \frac{1500 - (5 + 8 + 12)}{1500} = \frac{1475}{1500} = 0.9833$$

$$P(525) = \frac{1500 - (5 + 8 + 12 + 11)}{1500} = \frac{1464}{1500} = 0.976$$

$$P(675) = \frac{1500 - (5 + 8 + 12 + 11 + 16)}{1500} = \frac{1448}{1500} = 0.9653$$

$$f(t) = \frac{n(t, t + \Delta t)}{N_0 \Delta t}$$

$$f(75) = \frac{5}{1500 \times 150} = \frac{5}{225000} = \frac{5}{22.5 \times 10^4} = \frac{5 \times 10^{-4}}{22.5} = \frac{5}{22.5} = 0.2222$$

$$f(225) = \frac{8}{1500 \times 150} = \frac{8}{225000} = \frac{8}{22.5 \times 10^4} = \frac{8 \times 10^{-4}}{22.5} = \frac{8}{22.5} = 0.3556$$

$$f(375) = \frac{12}{1500 \times 150} = \frac{12}{225000} = \frac{12}{22.5 \times 10^4} = \frac{12 \times 10^{-4}}{22.5} = \frac{12}{22.5} = 0.5333$$

$$f(525) = \frac{11}{1500 \times 150} = \frac{11}{225000} = \frac{11}{22.5 \times 10^4} = \frac{11 \times 10^{-4}}{22.5} = \frac{11}{22.5} = 0.4889$$

$$f(675) = \frac{16}{1500 \times 150} = \frac{16}{225000} = \frac{16}{22.5 \times 10^4} = \frac{16 \times 10^{-4}}{22.5} = \frac{16}{22.5} = 0.7111$$

$$\lambda(t) = \frac{n(t, t + \Delta t)}{N_{cp} \Delta t}$$

$$\lambda(75) = \frac{5}{\frac{1500 + (1500 - 5)}{2} \times 150} = \frac{5}{\frac{1500 + 1495}{2} \times 150} = \frac{5}{1497.5 \times 150} = \frac{5}{224625} =$$

$$= \frac{5}{22.46 \times 10^4} = \frac{5 \times 10^{-4}}{22.46} = 0.2226$$

$$\lambda(225) = \frac{8}{\frac{1495 + (1495 - 8)}{2} \times 150} = \frac{8}{\frac{1495 + 1487}{2} \times 150} = \frac{8}{1491 \times 150} = \frac{8}{223650} =$$

$$= \frac{8}{22.37 \times 10^4} = \frac{8 \times 10^{-4}}{22.37} = 0.3576$$

$$\lambda(375) = \frac{12}{\frac{1487 + (1487 - 12)}{2} \times 150} = \frac{12}{\frac{1487 + 1475}{2} \times 150} = \frac{12}{1481 \times 150} = \frac{12}{222150} =$$

$$= \frac{12}{22.22 \times 10^4} = \frac{12 \times 10^{-4}}{22.22} = 0.5401$$

$$\lambda(525) = \frac{11}{\frac{1475 + (1475 - 11)}{2} \times 150} = \frac{11}{\frac{1475 + 1464}{2} \times 150} = \frac{11}{1469.5 \times 150} = \frac{11}{220425} =$$

$$= \frac{11}{22.04 \times 10^4} = \frac{11 \times 10^{-4}}{22.04} = 0.4991$$

$$\lambda(675) = \frac{16}{\frac{1464 + (1464 - 16)}{2} \times 150} = \frac{16}{\frac{1464 + 1448}{2} \times 150} = \frac{16}{1456 \times 150} = \frac{16}{218400} =$$

$$= \frac{16}{21.84 \times 10^4} = \frac{16 \times 10^{-4}}{21.84} = 0.7326$$

$$T_1 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N n(t, t + \Delta t) \cdot t_{(cp)i} =$$

$$\frac{5 \times 75 + 8 \times 225 + 12 \times 375 + 11 \times 525 + 16 \times 675}{5 + 8 + 12 + 11 + 16} = \frac{375 + 1800 + 4500 + 5775 + 10800}{52} =$$

$$= \frac{23250}{52} = 447$$