

1. Применив формулу Грина, вычислите

а) $\oint_L xy^2 dy - x^2 dx$, где L – окружность $x^2 + y^2 = 1$;

б) $\oint_L (x^2 - y^2) dx + 2xy dy$, где L – треугольник с вершинами $A(3,1)$, $B(3,3)$, $C(1,3)$ с направлением обхода против часовой стрелки.

2. Пользуясь формулой Остроградского – Гаусса, вычислите

а) $\iiint_G 2y^3 dx dz + 2x^3 dy dz + 3z^4 dx dy$, G – внешняя сторона поверхности тела, заданного неравенствами $x^2 + y^2 \leq 3$, $0 \leq z \leq 1$;

б) $\iiint_G y^2 dx dz - x dy dz + z dx dy$, G – внешняя сторона поверхности пирамиды, ограниченной плоскостями $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$, $x + y + z = 1$.

Ответы: 1. а) $\pi/2$; б) $40/3$; 2. а) 18π ; б) $\frac{1}{12}$.